

تحلیل و اثبات قیاس مساوات با تکیه بر مبحث نسب اربعه در منطق قدیم

* حمیدرضا نیتی

چکیده

«دو چیز مساوی با یک چیز، خود با هم مساوی‌اند»؛ این جمله معروف از دوران یونان باستان و شاید پیش از آن به مثابه اصلی بدیهی، در میان عام و خاص پذیرفته شده است. با ورود منطق به حوزه اسلامی، ابن سینا و پس از او اغلب منطق‌دانان مسلمان می‌کوشند تا آن را به مدد قیاس ارسطوی و یا روش‌های دیگر اثبات کنند، که به نظر می‌آید کوشش آن‌ها چندان ثمری نداشته است و مورد نقد و ایراد است. بحث پیرامون این قیاس و انواع مشابه آن که به تدریج مطرح شد، در میان معاصران نیز ادامه دارد. به نظر می‌آید عدم توجه به محتوای مقدمات این قیاس موجب ناکام‌ماندن تلاش‌ها بوده است. با بهره‌گیری از مبحث نسب اربعه، در تحلیل آن مقدمات، قیاس مساوات به راحتی اثبات می‌شود، با این پیش‌فرض که حدود واردشده در این قیاس، مفاهیمی کلی هستند. علاوه‌بر این از درهم‌آمیختن دو مبحث قیاس و نسب اربعه، علاوه‌بر حل قیاس مساوات، قیاس‌های متعدد دیگری که متضمن نسبت هستند پدید می‌آیند که همگی با روش قبلی و در داخل منطق قدیم قابل اثبات هستند.

کلیدوازه‌ها: قیاس مساوات، مقدمه خارجی، نسب اربعه، منطق قدیم.

۱. مقدمه و طرح مسئله

«الف مساوی ب است، و ب مساوی ج است. پس الف مساوی ج است». در میان

* دانشجوی کارشناسی ارشد منطق، دانشگاه علامه طباطبائی hr.niati@gmail.com
تاریخ دریافت: ۱۳۹۱/۷/۲۲، تاریخ پذیرش: ۱۳۹۱/۸/۱۴

۱۰۶ تحلیل و اثبات قیاس مساوات با تکیه بر مبحث نسب اربعه ...

منطق‌دانان مسلمان این استنتاج به نام «قیاس مساوات» مشهور است. چنان‌که از متون منطقی در سنت اسلامی برمی‌آید ابن سینا برای اولین بار در فصل دوم از نهج هشتم کتاب منطق اشارات این نام را بر آن نهاده است. گرچه پیش‌تر در شفاهی خود بدان اشاره کرده بود. این نام به مرور به طور عام به همه استنتاج‌های مشابه نیز اطلاق شد تا جایی که در سنت اسلامی، استنتاجی مانند استنتاج زیر را نیز در زمرة قیاس مساوات نیز می‌آورند:

الف کوچک‌تر از ب است.

ب کوچک‌تر از ج است.

الف کوچک‌تر از ج است.

تقریباً اغلب منطق‌دانان مسلمان در آثار خود به این نوع قیاس‌ها اشاره کرده‌اند. معمولاً در دو جا: ۱. در تعریف قیاس و هنگام شرح و بیان قید «لذاته» که در تعریف قیاس می‌آید. ۲. به عنوان لواحق مبحث قیاس و در کنار طرح قیاس‌های دور و خلف و مرکب به عنوان فصلی مستقل.

مطابق تعریف، قیاس آن سخنی است که از سخنانی فراهم گشته، همین که در آن قضایایی بباید که مورد قبول واقع است، خود به خود [لذاته] از آن سخن دیگر لازم می‌آید (ابن سینا، ۱۳۹۰: ۴۴۸ / ۲).

منطقیون مسلمان بر این باورند که، در هر قیاس یا استدلالی نتیجه می‌باید ضرورتاً از خود مقدمات حاصل آید، یعنی آن مقدمات، بدون نیاز به هر مقدمه دیگری، نتیجه مورد نظر را به دست دهند. حال اگر استدلال‌هایی وجود دارند که در آن‌ها برای به دست آمدن نتیجه علاوه بر مقدمات موجود، به مقدمات دیگر نیاز نیاز است، این استدلال‌ها بیرون از دایره تعریف قیاس هستند و قید لذاته در اصل برای بیرون‌کردن چنین استدلال‌هایی است از دایره قیاس. ریشه چنین قیدی را در تعریف ارسسطو از قیاس می‌توان دید. ارسسطو در تحلیل اول (ارسطو، ۱۳۹۰: ۱۵۹) و در دیگر جاها مانند تحلیل دوم و جدل در تعریف قیاس می‌آورد که: «قیاس گفتاری است که در آن، هنگامی که چیزهایی فرض شوند چیز دیگر جز آن‌ها که فرض شده‌اند به دلیل بر جابودن مفروض‌ها به ضرورت نتیجه می‌شود» و خود در توضیح «بر جابودن مفروض‌ها» می‌آورد که به افزایش هیچ حدی دیگر بیرون از مفروض‌ها نیاز نیست. پیداست که منطق‌دانان مسلمان در بیان قید «لذاته» و شرح آن تحت تأثیر ارسسطو بوده‌اند. «از سوی دیگر ارسسطو به مناسبت‌های مختلف از جمله در فصل ۲۳ از کتاب

نخست تحلیل اول، به صراحت هر نوع قیاسی را منحصر در قیاس‌های سه‌گانه خود می‌داند» (همان: ۲۴۲).

و اما مسئله چیست؟

قیاس مساوات چنان‌که از ظاهرش پیداست با قالب قیاس‌های اقترانی عادی، یا متعارف منطق ارسطویی، هم‌خوانی ندارد، زیرا حد وسط در آن عیناً تکرار نشده است و این در شرایط انتاج عمومی قیاس‌های اقترانی، اگر مقدمات این قیاس را قضایایی حملی یا ربطی بسیط بدانیم، شاید مهم‌ترین شرط باشد. از سوی دیگر پیداست که این قیاس و قیاس‌های نظیر آن، کاملاً معتبر و دارای نتایج صادقی‌اند، اگر که مقدمات آن‌ها صادق باشند. معتبر به این معنی که هرچه را جانشین متغیرهای آن استنتاج‌ها کنیم نتیجه الزاماً فارغ از صدق و کذب مقدمات به دست خواهد آمد و بر انتاج آن خللی وارد نخواهد بود.

پس چگونه باید آن‌ها را اثبات کرد اگر که به فرم یکی از ضروب معتبر نیستند؟ به نظر می‌آید که تعریف ارسطویی از قید «الذاته» و نیز انحصار انواع قیاس در اشکال سه‌گانه، منطق‌دانان مسلمان را ناچار از این امر کرده است که می‌باید اولاً: این قیاس‌ها (مانند مساوات) به شکل قیاس‌های اقترانی (ضروب معتبر) درآیند و از آن طریق اثبات شوند؛ ثانیاً: برای این کار، یافتن مقدماتی دیگر که در ظاهر اولیه قیاس محذوف‌اند ضروری است.

از این‌رو در تاریخ منطق شاهد کوششی جالب برای حل و اثبات این نوع قیاس و به‌ویژه قیاس مساوات (به معنای خاص) هستیم. تقریباً همه این تلاش‌ها محل خدشه و ایرادند. البته برخی از منطق‌دانان، همچون قطب‌الدین رازی، اساساً شرط تکرار به‌عینه حد وسط را زیر سؤال برده‌اند و این‌گونه قیاس‌ها را همچون ضروب شکل اول بی‌نیاز از اثبات دانسته‌اند و آن‌ها را بدیهی می‌دانند. در میان معاصران نیز بحث پیرامون این نوع قیاس‌ها ادامه دارد. برخی کوشش‌ها ادامه روش متداوی یعنی اثبات با تکیه بر مقدمه بیرونی است. روش دیگر ارجاع و تحويل قیاس مساوات به اصل تعددی است، و اما بیش‌تر منطق‌دانها، منطق ارسطویی و به تبع آن سینوی را در مبحث نسبت‌ها ناتوان می‌دانند. مبحشی که در منطق جدید البته با مبنایی دیگر طرح و بسط داده شده و اساساً «نسبت» یکی از مفاهیم اولیه آن است. در ادامه این نوشتۀ سعی شده است ابتدا به برخی از مهم‌ترین راه حل‌های ارائه‌شده توسط منطق‌دانان در سنت اسلامی و نقد و ملاحظه آن راه حل‌ها اشاره شود و در مرحله بعد به اثبات قیاس مساوات با بهره‌گیری از مبحث نسب اریعه در منطق قدیم خواهیم پرداخت و بالاخره انواع قیاس‌های جدیدی که با تکیه بر این مبحث طرح و اثبات می‌شوند ارائه می‌شود.

۲. نظری به راه حل‌های ارائه شده جهت اثبات قیاس مساوات

در این نوشته راه حل‌های ارائه شده برای اثبات قیاس مساوات در سه بخش، تقسیم و دسته‌بندی شده است. این دسته‌بندی بیشتر از جهت شباهت راه حل‌ها به هم‌دیگر بوده است. ابن سینا و پیروان او و سایرین نظیر خونجی همگی بر این سخن متفقاند که در قیاس مساوات مقدمه‌ای محدود است و همه راه حل‌ها با اندک تفاوتی، عبارت‌اند از افزودن آن مقدمه محدود، تحويل قیاس مساوات به قیاس اقترانی (شکل اول ضرب اول) و تحصیل نتیجه مورد نظر. از این‌رو می‌توان همه آن‌ها را در یک بخش گنجاند. راه حل دیگر متعلق به کلتبوی است که گرچه در آن هم از مقدمه محدود استفاده می‌شود، اما حاوی راه حل ابتکاری جالبی است، که آن را شایسته آن می‌سازد که در بخشی جداگانه مورد اشاره قرار گیرد، و بالاخره بخش سوم، اختصاص به بررسی اجمالی آرای معاصران پیرامون این قیاس دارد.

۱.۲ ابن سینا و پیروان او

در این مرحله، ابتدا به مهم‌ترین و معروف‌ترین راه حل‌های ابن سینا و پیروان او، یعنی اثبات از طریق واردکردن مقدمه‌ای محدود، می‌پردازیم و سپس نقد عامی که بر همه این‌گونه روش‌ها وارد است را بیان می‌کنیم.

۱.۱.۲ راه حل‌های متکی بر مقدمه بیرونی

ابن سینا این نوع استنتاج‌ها را در زمرة قیاس‌های مرکب می‌داند. او در شنها در فصل ۶ مبحث قیاس و در شرح قید «الذاته» در تعریف قیاس، و در اشارات در فصلی مجزا (فصل ۲ از نهج ۸) با عنوان «اشارة الى قیاس المساواة» به این نوع از استنتاج‌ها اشاره می‌کند و سعی در ارائه راه حلی برای آن‌ها دارد:

همانا غالباً از احکام مقدمات قیاس چیزهایی که شناخته شده است، می‌افتد و قیاس به گونه‌ای که مخالف قیاس اصلی است درمی‌آید، همانند سخن آنان که می‌گویند: ج مساوی ب است (صغری) و ب مساوی الف است (کبری)، پس ج مساوی الف است (نتیجه). پس از این قیاس (این مقدمه) افتاده است که: «مساوی مساوی، مساوی است» و قیاس از گونه طبیعی خود که همه حد وسط می‌بایست تکرار شود عدول کرده است و فقط پاره‌ای از حد وسط آمده است (ابن سینا، ۱۳۹۰: ۵۰۴ / ۲).

در شفاه نیز به همین صورت پس از طرح صورت قیاس راه حل را اقتران این مقدمه می‌داند: مساویات المساویات مساویه (ابن سینا، ۱۳۳۰: ۵۹). به این ترتیب، راه حل و روش اثبات قیاس مساوات به شکل زیر در می‌آید:

۱. الف مساوی ب است.

۲. ب مساوی ج است.

۳. پس الف مساوی ج است.

این نتیجه، بالذاته از ۲ مقدمه ۱ و ۲ به دست نمی‌آید و نیاز به مقدمه خارجی است که از آنجا که شناخته شده و روشن است، معمولاً در فرایند استنتاج به آن اشاره نمی‌شود و گرنه اصل استنتاج که مرکب از دو قیاس اقترانی است به شکل زیر است:

۱. الف مساوی ب است

۲. ب مساوی ج است.

قیاس اول:

۳. پس الف مساوی مساوی ج است.

و قیاس دوم با اقتران نتیجه قیاس اول و مقدمه شناخته شده و روشن شکل می‌گیرد:

۴. الف مساوی مساوی ج است.

۵. مساوی مساوی ج، مساوی ج است. (مقدمه خارجی)

قیاس دوم

۶. الف مساوی ج است.

در قیاس دوم نیز، که یک قیاس اقترانی است، «الف» حد اصغر، «مساوی ج»، حد اکبر، و «مساوی مساوی ج» حد وسط است که به عینه تکرار، و در نتیجه حذف شده است، و مطلوب به دست نمی‌آید.

در میان پیروان ابن سینا مانند خواجه نصیر، علامه حلی، و فخر رازی یکی از بحث‌های مهم، پیرامون قیاس مساوات این بوده است که آیا راه حل ذکر شده، از نوع قیاس مرکب است یا بسیط. به این صورت که قیاس اول اساساً آیا قیاس است یا خیر؟ برای نمونه خواجه نصیرالدین طوسی در اساس الاقتباس می‌نویسد:

در مواردی هم، قیاس مرکب و مقدمه ظاهری مضمرا است. تحلیل گر قیاس از مرکب‌بودن یا مضمربودن آن غافل است و گمان می‌کند که این قیاس بسیط است. از این‌رو نتیجه آن‌گونه که باید به دست آید، نمی‌شود. مانند قیاس مساوات که می‌گوییم ج مساوی ب است و ب مساوی الف، پس ج مساوی الف است. صورت قیاس این‌گونه اقتضا می‌کند

۱۱۰ تحلیل و اثبات قیاس مساوات با تکیه بر مبحث نسب اربعه ...

که ج مساوی الف است، اما چون این مقدمه مضمیر که مساوی مساوی الف، مساوی الف است، ذکر شود نتیجه اول از دو قیاس به دست می‌آید (طوسی، ۱۳۸۰: ۳۳۸).

و البته خواجه خود در شرح الاشارةت (طوسی، بی‌تا: ۲۸۰) بر خلاف قول فوق بر این باور است که قیاس مساوات را می‌توان به شکل بسیط و نه مرکب درآورد و سپس حل کرد. اگر قیاس اول را قیاسی اقترانی بدانیم پس در آن حد اصغر «الف مساوی»، حد اکبر «مساوی ج»، و حد وسط عیناً «ب» خواهد بود و خالی از اشکال نیست که حدی «الف مساوی» باشد. ضمن آنکه این مشکل را به وجود می‌آورد که در ۲ قیاس حدود تکرار نمی‌شوند. چراکه در قیاس دوم حد اصغر «الف» است و نه «الف مساوی». گرچه ظاهر قیاس به لحاظ صوری هیچ مشکلی ندارد، اما به لحاظ محتوایی خالی از اشکال نیست. پس خواجه نصیر در شرح الاشارةت (همان) قیاس اول را با استفاده از مفهوم «اتحاد» منحل می‌کند به این ترتیب که اگر داشته باشیم:

۱. الف مساوی ب است.

۲. ب مساوی ج است.

در مقدمه ۲، «ب» موضوع، و «مساوی ج» محمول است، و «است» رابطه. از آنجا که میان موضوع و محمول اتحادی برقرار است پس «ب» و «مساوی ج» معادل هماند و درنتیجه هر جای دیگری می‌توان «مساوی ج» را جانشین «ب» کرد. پس در مقدمه اول می‌توان به جای «ب»، «مساوی ج» را قرار داد. درنتیجه مقدمه اول به این شکل درمی‌آید: «الف مساوی مساوی ج است» و این همان مقدمه قیاس دوم پیش گفته است.

پس مطابق این راه حل خواجه نصیر، قیاس مساوات قیاسی بسیط و اقترانی است و متشکل از یک قیاس:

الف مساوی مساوی ج است.

مساوی مساوی ج، مساوی ج است.

الف مساوی ج است.

کارهای سایر منطق‌دانان اسلامی در باب قیاس مساوات نیز همه از همین سخن‌اند. اکثر قریب به اتفاق منطقیون مسلمان پس از نقدهایی که بر راه حل‌های دیگران وارد کرده‌اند، یا بدون آن، راه حل‌هایی ارائه کرده‌اند که شبیه به این دو راه حل است؛ با تغییراتی کوچک مانند تغییر مقدمه خارجی. برای نمونه خونجی نویسنده کشف الاسرار عن غوامض الافکار مقدمه خارجی را که در قیاس مساوات وارد می‌شود این می‌داند: «هر مساوی ب، مساوی

هرچیزی است که ب با آن مساوی است» (خونجی، بی‌تا: ۱۵۷)، و متناسب با آن مقدمات دیگر را می‌آورد تا به مطلوب برسد.

در این بین، رأی شاخص متفاوت، متعلق است به قطب‌الدین رازی که با نقد همه راه حل‌ها و اقوال پیرامون قیاس مساوات، آن را تحت شرایطی، بدیهی می‌داند. باید گفت که او تکرار به عینه حد وسط را نیز نمی‌پذیرد ولی معتقد است که هر کس، دو مقدمه قیاس مساوات را در نظر آورد و نیز در نظر آورد که «هر مساوی مساوی، مساوی» است، بلافضلله به این نتیجه می‌رسد که «الف مساوی ج است» و نیازی به قیاس و تکرار حد وسط نیست (رازی، بی‌تا: ۲۴۱). یعنی بداهت این‌گونه قیاس‌ها مشروط به یک مقدمه بیرونی است، اما با وجود آن مقدمه، صرف تعقل مقدمات دیگر نتیجه تعقل می‌شود و نیازی به قیاس نیست.

به مرور در میان منطق‌دانان مسلمان قیاس‌هایی دیگر، متناظر با قیاس مساوات، نیز طرح و ارائه می‌شوند که همگی از یک سخن‌اند و در ذیل نام قیاس مساوات قرار می‌گیرند، ظاهراً به دلیل نام‌گذاری اولیه ابن سینا در اشارات و شهرت بیشتر آن قیاس. برای مثال علامه حلی در جوهر النضید علاوه‌بر اشاره به قیاس مساوات در ذیل بیان قید لذاته می‌نویسد: «... و نیز مانند 'پول داخل کیف است' و 'کیف داخل خانه است' که نتیجه می‌دهد 'پول داخل خانه است' و قیاسات دیگری از این قبیل» (حلی، ۱۳۸۶: ۱۴۴).

و یا این قیاس که الف جزو ب است، و ب جزو ج است، پس الف جزو ج است.
در راه حل همه این نوع قیاس‌ها که معتبر هستند، مقدمه خارجی محذوف است و مقدمه خارجی مورد نیاز این قیاس این است که جزو جزو، جزو است. و اگر چنین مقدمه‌ای برای قیاسی نتوان یافت، اعتبار آن زیر سؤال است.

حال اگر مقدماتی صادق مانند این داشته باشیم که:

۱. دو نصف چهار است.

۲. چهار نصف هشت است.

نمی‌توان نتیجه گرفت که «دو نصف هشت است»، زیرا مقدمه خارجی محذوفی که بگویید: «نصف نصف، نصف است» وجود ندارد.

و اما واضح است که اگر این مقدمات را در دست داشته باشیم می‌توانیم نتیجه بگیریم که «دو ربع هشت است» و این نوع استنتاج‌های معتبر هر روزه در میان عام و یا در علومی مانند حساب بارها مورد استفاده قرار می‌گیرند، پس چگونه می‌توان آن‌ها را اثبات کرد.

در پاسخ باید گفت که می‌توان متناظر با برخی از این‌گونه قیاس‌ها نیز مقدمه‌ای محدود یافت مانند این مقدمه که: «نصف نصف، ربع است»؛ پس خواهیم داشت:

دو نصف چهار است.

چهار نصف هشت است.

دو نصف نصف هشت است.

نصف نصف ربع است.

پس دو ربع هشت است.

۲۰.۲ نقدي عام بر راه حل‌های متکي بر مقدمه بيرونی

در تاریخ منطق و از جانب منطق‌دانان مسلمان، بر راه حل‌های ارائه شده، نقدهای فراوانی وارد شده است. بسیاری از نقدها به صورت جزئی و بر یک راه حل خاص وارد شده‌اند مانند این نقد که بر راه حل خواجه نصیر وارد کرده‌اند که آیا اساساً متحداً‌گاشتن دو مفهوم متباین، صحیح است؟ یا مثال‌های نقضی که بر هر راه حل خاص می‌توان پیدا کرد.

اما فارغ از نقدهای جزئی که به تناسب بر هر راه حل وارد است، نقدي کلی و بنیان‌برانداز بر همه راه‌حل‌هایی که متکی بر مقدمه خارجی است وارد است و آن این‌که، اساساً همه این‌گونه راه حل‌ها مصادره به مطلوب (begging the question) هستند.

مصادره به مطلوب جزو مغالطات در مقام استدلال است و هنگامی صورت می‌گیرد که شخص نتیجه استدلال (مطلوب) را که باید اثبات شود، اثبات‌شده فرض کند (خندان، ۱۳۸۸: ۳۴۲)، و شخص استدلال‌کننده در مقدمات استدلال از همان نتیجه‌ای که در صدد اثبات آن است استفاده می‌کند. به عبارت دیگر، در این مغالطه آن‌چه در نظر است اثبات شود مسلم، و جزو مقدمات فرض گرفته می‌شود. این مغالطه از این جهت مصادره به مطلوب نامیده می‌شود که در آن، آن‌چه را که مطلوب است مصدر قرار می‌دهند و از خودش برای اثبات خودش بهره می‌گیرند. البته معمولاً عین نتیجه در مقدمات به صورت واضح و مجزا نمی‌آید و یا پنهان در مقدمات است و یا نقیض نقیض آن در مقدمات وارد می‌شود.

نوع دیگر این مغالطه آن است که برای اثبات یک مدعای ادعای صادقی را که از مدعای اول کلی‌تر و تمام‌تر است دلیل بیاوریم، اما ثابت نکنیم که مدعای اول یکی از مصادیق و نمونه‌های ادعایی دوم است:

به تعبیر منطقی این نوع مغالطه یک قیاس شکل اول است که در آن صغری ذکر نمی‌شود. ... گوینده یا نویسنده در چنین استدلال‌هایی اگر صریحاً صغراً قیاس را ذکر کند مورد اعتراض و مخالفت واقع خواهد شد و خطای استدلال او آشکار می‌شود لذا آن را مسکوت می‌گذارد و با بیان یک حکم کلی که مورد تصدیق مخاطب است سعی در اثبات مدعای خود دارد (همان: ۳۴۴).

در راه حل‌های ارائه شده برای قیاس مساوات و امثال آن، که متکی بر مقدمه‌ای خارجی و محنوف هستند، با تحلیل مقدمهٔ خارجی متوجه می‌شویم که این مقدمه اولاً: نتیجهٔ قیاس را در خود دارد. ثانیاً: تمام آن چیزی است که این قیاس به دنبال آن است که اثبات کند. مقدمهٔ خارجی محنوف پیشنهادی ابن سینا در اشارات (ابن سینا، ۱۳۹۰: ۵۰۴) عبارت است از:

۱. «مساوی مساوی، مساوی است» (عین عبارت ابن سینا: مساوی المساوی مساویه). روشن است که هنگام اثبات قیاس مساوات با تکیه بر مقدمهٔ بیرونی، جملهٔ ۱ مستقیماً نمی‌تواند وارد روند اثبات قیاس شود، زیرا به دلیل این‌که حد وسط عیناً تکرار نمی‌شود، قیاسی تشکیل نمی‌شود:

مساوی مساوی، مساوی است. (مقدمهٔ خارجی)	الف مساوی مساوی ج است.	مساوی مساوی، مساوی است.	قياس دوم:
	؟		

از سوی دیگر، در زبان طبیعی به هنگام بیان جملات، گاهی متغیرها نیز همانند ضمایر و افعال به قرینهٔ لفظی و معنوی حذف می‌شوند. در قیاس فوق جهت رعایت شرایط انتاج و تشکیل قیاس، بهناچار باید به جملهٔ ۱ متغیری افزود. بدیهی است که این متغیر باید در معنای ۱ نهفته باشد، که به قرینهٔ معنوی حذف شده است. معنای اولیهٔ جملهٔ ۱ عبارت است از:

۲. مساوی مساوی چیزی، مساوی آن چیز است.
حال اگر به جای متغیر «چیز» از حرف ج استفاده کنیم، خواهیم داشت:
۳. مساوی مساوی ج، مساوی ج است.

جملهٔ ۳ همان مقدمهٔ بیرونی است که خواجه نصیر در اساس الاقتباس پیشنهاد کرده است (طوسی، ۱۳۸۰: ۳۳۸)، و با استفاده از آن به عنوان مقدمهٔ خارجی، ظاهراً مشکل حل می‌شود، و قیاس فوق اثبات می‌شود، اما درواقع چنین نیست، زیرا دقیقاً همان

فرایندی که از ۱ تا ۳ رخ داد، برای خود ۳ نیز رخ می‌دهد، زیرا این جمله هنوز ۲ متغیر دیگر در درون خود نهفته دارد، که در بیان آن، به قرینه معنوی حذف‌اند. و اما معنای اولیه ۳ عبارت است از:

۴. چیزی که مساوی مساوی ج است، مساوی ج است.

اگر در ۴ به جای متغیر چیز از حرف الف استفاده کنیم، خواهیم داشت:

۵. الف که مساوی مساوی ج است، مساوی ج است.

معنی جمله ۵ این است که:

۶. الف که مساوی چیزی است که مساوی ج است، مساوی ج است.

این بار به جای متغیر چیز از حرف ب استفاده می‌کنیم و خواهیم داشت:

۷. الف که مساوی ب است که مساوی ج است، مساوی ج است.

و این یعنی:

۸. اگر الف مساوی ب باشد که ب مساوی ج است پس الف مساوی ج است.

علاوه بر این که ۸ همه نتیجه قیاس مساویات را در خود دارد، به تنهایی کل همان قیاس اصلی است که در پی اثبات آن هستیم ولی هنگام به کاربردن در زیان طبیعی و محاوره‌ای، به صورت غیر واضح و کلی نما به عنوان مقدمه‌ای خارجی در استدلال ما وارد شده است. حتی در برخی موارد به مقدمه بیرونی محذوف، متغیر نیز افزوده و مغالطه اندکی واضح‌تر بیان شده است. برای مثال دیدیم که خواجه نصیر در *اساس الاقتباس* مقدمه مضموم را این می‌داند: «مساوی مساوی الف، مساوی الف است» (همان). که یک درجه روشن‌تر از مقدمه این سینا است، و یا خونجی که مقدمه‌اش بسیار واضح‌تر از دو مقدمه پیشین است:

۱. «هر مساوی ب، مساوی هر چیزی است که ب با آن مساوی است» (خونجی، بی‌تا: ۱۵۷).

اگر این مقدمه کمی واضح‌تر بیان شود، خواهد شد:

۲. هر چیز مساوی ب، مساوی هر چیزی است که ب با آن مساوی است.

که اگر در ۲ به جای «چیز»، الف، و به جای «چیزی»، حرف ج بگذاریم خواهیم داشت:

۳. هر الف مساوی ب، مساوی هر ج است، که ب با آن مساوی است.

و این همان قیاس اصلی است که به دنبال اثبات آن هستیم. در همه راه حل‌های متکی بر مقدمه بیرونی، مقدمه بیرونی همان مطلوب ماست و درنتیجه کل راه حل، مصادره آن. پس بی نیاز از ورود به جزئیات هر یک از راه حل‌ها، به طور عام، همه آن‌ها مصادره به مطلوب و لذا مغالطه‌اند.

۲.۲ قیاس علاقات و نوآوری‌های کلنبوی

کلنبوی در کتاب البرهان قیاس را به طور کلی به قیاس متعارف و غیرمتعارف تقسیم می‌کند (فاحوری، ۶۰؛ ۳۸۷)؛ قیاس‌های متعارف او که قیاس‌های علاقات یا به تعبیر عادل فاحوری قیاس نسب نامیده می‌شوند قیاس‌هایی هستند که در مقدمات آن‌ها حد دیگری همراه موضوع یا محمول است که به ترتیب، متعلق موضوع یا متعلق محمول نامیده می‌شوند (همان).

البته طرح چنین استنتاج‌هایی پیش از او صورت گرفته است، ولی صورت‌بندی کلنبوی و راه حل وی در این استنتاجات منحصر به فرد است. مطابق نظریه کلنبوی همه قیاس‌ها مانند قیاس مساوات و امثال آن در زمرة قیاس‌های غیر متعارف قرار می‌گیرند. خلاصه نظریه وی چنین است که اگر حدی در قیاس از ترکیب محمولات با یکدیگر ساخته شده باشد می‌توان بخشی از محمول مرکب را به عنوان حد وسط به شکلی کاملاً صوری حذف کرد. مانند این مثال:

حسن غلام مردی است.

هر مردی انسان است.

حسن غلام انسانی است.

می‌بینیم که در مقدمه اول، محمول، مرکب است از «غلام» و «مردی»، در حالی که در مقدمه دوم «مردی» به تهایی موضوع است. طبق نظر فاحوری این‌گونه استدلال‌ها را می‌توان در قالب زیر نشان داد:

و.ح (ط)

ط.ع (ی)

و.ح (ع (ی))

که در آن ط حد وسط است (همان: ۶۱). کلنبوی این نوع استنتاجات را در اشکال و ضرب مختلف طرح و ارائه می‌کند. فاحوری مدعی است که این نظریه می‌تواند خلاً نسب را در منطق سنتی پر کند (همان: ۶۵) و اما خود این قیاس‌ها به اعتبار نتیجه دو گونه‌اند: ۱. آن‌ها که بدون نیاز به هیچ‌گونه مقدمه دیگری متنج‌اند، مانند مثال بالا؛ ۲. آن‌ها که برای حصول نتیجه اصلی نیازمند مقدمه‌ای خارجی و محذوف‌اند، مانند این استنتاج:

الف برادر ب است.

ب برادر ج است.

الف برادر ج است.

که مطابق قیاس‌های کلنبوی خواهیم داشت:

الف برادر ب است.

ب برادر ج است.

الف برادر برادر ج است.

درنتیجه برای حصول نتیجهٔ اصلی نیازمند مقدمه‌ای بیرونی و محفوظ هستیم که می‌گوید: «برادر برادر ج، برادر ج است»، دقیقاً مانند قیاس مساوات.

نتیجه آن که با نظریهٔ کلنبوی نیز مشکل قیاس مساوات و امثال آن باقی است و اثبات آن‌ها هم‌چنان نیازمند مقدمه‌ای خارجی است. به تبع آن نقدی که بر راه حل‌های متکی بر مقدمهٔ خارجی وارد بود که در بخش اول بدان اشاره شد، بر این راه حل هم وارد است. یعنی آن قسم از قیاس‌های کلنبوی که برای حصول به نتیجهٔ اصلی، نیازمند مقدمه‌ای محفوظ هستند همگی مصادره به مطلوب‌اند. البته آن نوع دیگر قیاس‌های وی که بدون نیاز به مقدمهٔ محفوظ به نتیجه می‌رسند و بسیاری از قیاس‌های نسب با این راه حل اثبات می‌شوند خارج از بحث ما هستند.

۳.۲ نظریات معاصران

یکی از ایرادات مهمی که همواره از سوی متقدان منطق ارسطویی وارد می‌شده است ناتوانی آن در بحث نسبت‌هاست. از این‌رو با ورود منطق جدید که در آن نسبت از مفاهیم بنیادی است و استدلال‌های متضمن نسبت با مبانی دیگر طرح و اثبات می‌شوند تلاش چندانی در میان معاصران برای حل مشکل قیاس مساوات و نظایر آن به چشم نمی‌خورد. با این حال از میان آرای معاصران می‌توان به دو نظریه که یکی در ادامهٔ راه حل‌های متکی بر مقدمهٔ خارجی با تقریری دیگر است و دیگری مبدعانه و بیرون از آن دایره اشاره کرد.

۱۰.۲ نظریهٔ مرحوم مظفر

اولاً تحلیل مرحوم مظفر از قیاس مساوات در ذیل راه حل‌های متکی بر مقدمهٔ خارجی می‌گجد و ثانیاً رأی ایشان در باب قیاس مساوات از جهتی شباهت بسیاری به رأی

خواجه طوسی در شرح الاشارات دارد. طبق رأی وی، قیاس مساوات قیاسی مرکب از دو قیاس است:

۱. الف مساوی ب است

۲. هر مساوی ب، مساوی مساوی ج است.

قیاس اول:

۳. الف مساوی مساوی ج است.

۴. الف مساوی مساوی ج است.

قیاس دوم:

۵. الف مساوی ج است.

اما نکته‌ای که موجب می‌شود تا نظریه وی جداگانه مورد بررسی قرار گیرد، نحوه به‌دست آوردن مقدمه دوم در قیاس اول است، و آن این است که:

می‌دانیم که اصل مقدمه دوم قیاس مساوات عبارت است از «ب مساوی ج است»، بنابر این مقدمه، «مساوی ج» تعبیر دیگری از «ب» است. پس می‌توان در هر عبارت دیگر به جای «ب» «مساوی ج» را قرار داد. از طرف دیگر اگر بگوییم که «هرچه مساوی ب است مساوی ب است» یک قضیه صادق و بدیهی گفته‌ایم و اگر در آن به جای «ب» عبارت «مساوی ج» را قرار دهیم خواهیم داشت: «هرچه مساوی ب است مساوی مساوی ج است» (منظفر، ۱۳۸۴: ۱۵۷/۲).

و اما کل قیاس مشمول نقدي است که آن را مصادره به مطلوب می‌داند، از جهت تکیه بر مقدمه‌ای خارجی که کل استدلال را در خود دارد.

۲.۳.۲ تحويل مساوات به اصل تعدی

نظریه شاخص دیگر در میان معاصران متعلق به غلامرضا ذکیانی است که طبق آن نه فقط قیاس مساوات و امثال آن بلکه حتی ضرب اول از شکل اول (barbara) به اصل تعدی فرو کاهیده می‌شود، یعنی ارجاع و تحويل همه چنین قیاس‌هایی به اصل تعدی. رأی ایشان در مقاله «راز بدهشت شکل اول قیاس» بر این است که صوری ترشدن منطق ارسسطو در منطق ابن سینا، تبدیل صورت قضایا از فرم حملی و یا اندراجی به فرم ربطی در منطق سینوی و این باور که هرگونه استدلال منحصر در قالب قیاس است موجب پدیدآمدن معضل قیاس‌هایی چون مساوات و لایتحل ماندن آن‌ها شده است، زیرا اولاً، یکی از عمدۀ‌ترین

دلایل جست‌وجوی مقدمات خارجی، نگرش صرفاً صوری به قیاس‌هایی چون مساوات است که در آن به لحاظ صورت حد وسط به عینه تکرار نشده است؛ ثانیاً، فرم ربطی از اصل تعدی به لحاظ صورت دورتر می‌شود در حالی که در فرم حملی یا اندراجی، همهٔ چنین قیاس‌هایی و نیز خود قیاس *barbara* به فرم اصل تعدی درمی‌آیند؛ و ثالثاً، همهٔ چنین قیاس‌هایی (نظیر مساوات) در عرض، قیاس اقترانی قرار دارند و نه در طول آن، و فرد بالذات همهٔ آن‌ها اصل تعدی است. نتیجه آن‌که اصولاً در منطق ارسطویی چنین مشکلی پیش نمی‌آید:

حقیقت این است که استدلال منحصر به قیاس نیست، بنابراین ضرورتی ندارد هر نوع استدلالی از جمله اصل مساوات را به قیاس اقترانی ارجاع دهیم. ساده‌ترین تقریر اصل مساوات این است: الف = ب = ج، پس الف = ج. پیداست که نسبت مساوات متعدد است. این نسبت به واسطهٔ امر مشترک ب می‌تواند از امر اول به امر سوم عبور کند. این موضوع بدیهی بوده و بدون علم به قیاس اقترانی قرن‌هاست که توسط دانشمندان و عموم مردم مورد استفاده قرار می‌گیرد (ذکیانی، ۱۳۸۹: ۱۷).

ایشان در ادامه اساساً امکان اثبات چنین قیاس‌هایی را محل تأمل می‌داند و بر مصادره به مطلوب بودن استدلال‌های متکی بر مقدمات خارجی تأکید می‌کند.

۳. اثبات قیاس مساوات با تکیه بر مبحث نسب اربعه در منطق قدیم

دیدیم که همهٔ راه حل‌های متکی بر مقدمه‌ای خارجی ناتوان از اثبات قیاس مساوات به طور اخض و سایر قیاس‌های مشابه به طور اعم بودند. در اینجا با این پیش‌فرض که در قیاس مساوات، مفاهیم یا حدود واردشده در قیاس، مفاهیمی کلی هستند به روشهای بسیار ساده و با استفاده از قیاس‌های اقترانی متعارف، قیاس مساوات را اثبات می‌کنیم. در ادامه قیاس‌های دیگری را که متضمن نسب اربعه باشند، طرح، و با همان روش به بررسی و اثبات آن‌ها می‌پردازیم. پیش از ورود به بخش اصلی و ارائهٔ راه حل مدنظر، اجمالاً اشاره‌ای کوتاه به بحث نسب اربعه می‌شود.

۱.۳ نسب اربعه

یکی از مباحثی که ذیل بحث کلیات در منطق قدیم مطرح می‌شود مبحث نسب اربعه است، که به روابط چهارگانه میان دو مفهوم کلی (*universal*) (در برابر جزئی (*particular*))

می‌پردازد. مفهوم کلی آن است که فی‌نفسه بتوان برای آن افراد متعددی (خارجی یا فرضی) فرض کرد (خوانساری، ۱۳۵۹: ۷۹).

میان دو مفهوم کلی از جهت مصادیق‌شان، همواره و منحصرأ، چهار نسبت می‌تواند برقرار باشد: ۱. تساوی، ۲. تباين، ۳. عموم و خصوص مطلق، ۴. عموم و خصوص من‌وجه. ظاهراً و بر اساس منابع موجود این بحث برای اولین بار توسط ابوحامد غزالی در معیار العلم فی المنطق و پس از او توسط امام فخر رازی در المنطق الملاخص به صورت ابتدایی طرح و در ادامه توسط منطق‌دانانی چون خونجی، کاتبی قزوینی و ارمومی بسط و به شکل کنونی درآمده است (آتشین صدف، بی‌تا: ۱).

۱. تساوی: اگر افراد (مصادیق) دو کلی کاملاً مشترک باشند، به گونه‌ای که بر هر فردی که این کلی صدق می‌کند کلی دیگر هم صدق کند، این دو کلی نسبت مساوی خواهند داشت؛ مانند سه‌ضلعی و مثلث. در مقام تعیین مصدق و به زبان نمادین: مفهوم کلی الف و مفهوم کلی ب وقتی مساوی‌اند که دو قضیه زیر صادق باشند:

هر الف ب است.

هر ب الف است (فرامرز قراملکی، ۱۳۸۵: ۶۷).

۲. تباين: اگر دو کلی هیچ فرد مشترکی نداشته باشند، میان‌شان نسبت تباين برقرار است؛ مانند دائره و مربع. در مقام تعیین مصدق و به زبان نمادین: مفهوم کلی الف و مفهوم کلی ب وقتی متباین‌اند که دو قضیه زیر صادق باشند:

هیچ الف ب نیست.

هیچ ب الف نیست (همان).

۳. عموم و خصوص مطلق: اگر فقط افراد یک مفهوم کلی تماماً افراد کلی دیگر باشند ولی افراد مفهوم کلی دیگر فراتر باشند، نسبت میان آن‌ها عموم و خصوص مطلق است؛ مانند آسیایی و ایرانی. در مقام تعیین مصدق و به زبان نمادین: مفهوم کلی الف و مفهوم کلی ب وقتی عام و خاص مطلق‌اند که دو قضیه زیر صادق باشند:

هر الف ب است.

برخی ب الف نیست (همان: ۶۸).

۴. عموم و خصوص من‌وجه: اگر دو مفهوم کلی تنها در برخی موارد مشترک باشند و نه در همه موارد، و در این صورت هریک از آن‌ها نسبت به هم از جهتی اعم و از جهتی اخص باشند، میان‌شان نسبت عموم و خصوص من‌وجه برقرار است. در مقام تعیین مصدق

۱۲۰ تحلیل و اثبات قیاس مساوات با تکیه بر مبحث نسب اربعه ...

و به زبان نمادین: مفهوم کلی الف و مفهوم کلی ب وقتی عام و خاص منوجهاند که دو قضیه زیر صادق باشند:

تنهای برخی الف ب است.

تنهای برخی ب الف است (همان: ۶۹).

۲.۳ اثبات قیاس مساوات

داریم:

۱. الف مساوی ب است.

۲. ب مساوی ج است.

۳. الف مساوی ج است.

روشن است که مقدمات این قیاس هریک مرکب از دو گزاره بسیطاند. مطابق تعریف نسبت تساوی، در بخش پیشین، مقدمات قیاس مساوات هریک به دو گزاره صادق تحلیل می شود:

$$(1) \text{ الف مساوی ب است.} \leftarrow \frac{\text{هر الف ب است.}}{B} \quad \frac{\text{و هر ب الف است.}}{A}$$

$$(2) \text{ ب مساوی ج است.} \leftarrow \frac{\text{هر ب ج است.}}{D} \quad \frac{\text{و هر ج ب است.}}{C}$$

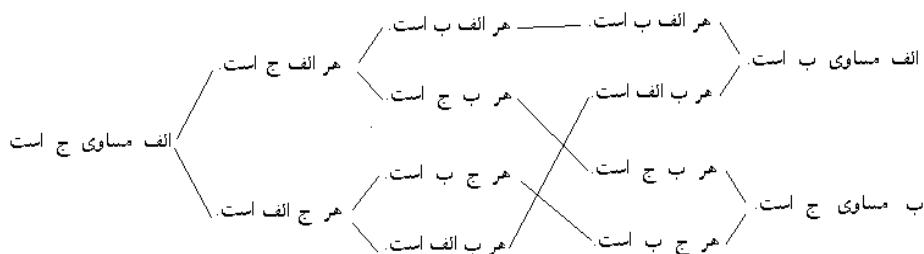
پس در واقع مقدمات قیاس مساوات متشکل از چهار گزاره‌اند: A, B, C, D و نه دو گزاره. حال می‌توان با اقتران دو به دو (ضربدری) آنها با هم دیگر (A, C با هم، و B و D با هم)، و استفاده از قیاس‌های متعارف، دو قیاس متوج و معنبر ساخته و دست به استنتاج زده:

$$\begin{array}{c} \text{A} \quad \text{هر الف ب است.} \\ \text{B} \quad \text{هر ب الف است.} \\ \hline \text{هر الف ج است.} \end{array}$$

حال دو گزاره جدید به دست آورده‌ایم، که ترکیب عطفی آنها با هم، مطابق تعریف تساوی، همان نتیجه مطلوب قیاس مساوات است.

هر الف ج است، و هر ج الف است \leftarrow ۳. الف مساوی ج است.

کل راه حل ذکرشده را می‌توان به شکل زیر خلاصه کرد:



و به این ترتیب، قیاس مساوات به سادگی و بدون نیاز به هیچ مقدمه خارجی و با رعایت شرایط عمومی و اختصاصی انتاج اثبات می‌شود.

۳.۳ قیاس‌های متضمن نسب اربعه

در این مرحله می‌توان متناظر با هریک از نسب اربعه، مقدماتی متضمن نسبت ساخت، که هریک مواد استدلال‌های جدیدی را فراهم می‌کنند که برخی از آن‌ها متوجه و معتبرند. روش کار در اثبات آن‌ها همان روش ساده‌قبلی است: تحلیل مقدمات به گزاره‌های بسیط و ترکیب دو به دو و متناسب آن‌ها در قالب قیاس‌های متوجه اقترانی. در ادامه با ترکیب مقدمات یک نسبت با نسبت دیگر استدلال‌های جدیدی به دست می‌آید که برخی متوجه و برخی عقیم‌اند. در آن موارد که استدلالی متوجه نباشد می‌توان به راحتی دلیل معتبرنبوذ آن‌ها را نشان داد.

۱.۳.۳ تباین

مقدمات متضمن نسبت:

۱. الف متباین با ب است.
۲. ب متباین با ج است.

۴.۱

۱. الف متباین با ب است. \Leftarrow هیچ الف ب نیست، و هیچ ب الف نیست.

۲. ب متباین با ج است. \Leftarrow هیچ ب ج نیست، و هیچ ج ب نیست.

آنچه در دست است چهار گزاره بسیط سالبه کلیه است، که با آن‌ها نمی‌توان هیچ قیاس متوجه ساخت. پس از دو مقدمه متباین نمی‌توان هیچ نتیجه‌ای گرفت. به لحاظ شهودی نیز چنین است، زیرا با مقدمات فوق، نسبت میان الف و ج می‌تواند تساوی، تباین و یا عوم و خصوص مطلق و منوجه باشد.

۱۲۲ تحلیل و اثبات قیاس مساوات با تکیه بر مبحث نسب اربعه ...

اما می‌توان با ترکیب یکی از این مقدمات و مقدمه‌ای متضمن نسبتی دیگر، استدلالی جدید ساخت و از آن به همان شیوه تحلیل و ترکیب، نتیجه‌ای استنتاج کرد. مانند این استدلال:

۱. الف متباین با ب است.

۲. ب مساوی ج است.

۳. الف متباین با ج است.

(۱) الف متباین با ب است. \leftarrow هیچ الف ب نیست. و هیچ ب الف نیست.
$$\frac{B}{A}$$

(۲) ب مساوی ج است. \leftarrow هر ب ج است. و هر ج ب است.
$$\frac{D}{C}$$

با اقتران ۳ مقدمه از مقدمات فوق دو قیاس معتبر زیر تشکیل می‌شود:

B هیچ ب الف نیست. D هر ج ب است.

D هر ج ب است. A هیچ الف ب نیست.

F هیچ الف ج نیست. E هیچ ج الف نیست.

\leftarrow ۳. الف متباین با ج است. و هیچ الف ج نیست. هیچ ج الف نیست.
$$\frac{f}{E}$$

به همین ترتیب، اگر در یک استدلال الف مساوی ب، و ب متباین با ج بود نتیجه متباین الف و ج خواهد بود.

۲.۳.۳ عموم و خصوص مطلق

مقدمات و استنتاج‌های متضمن نسبت:

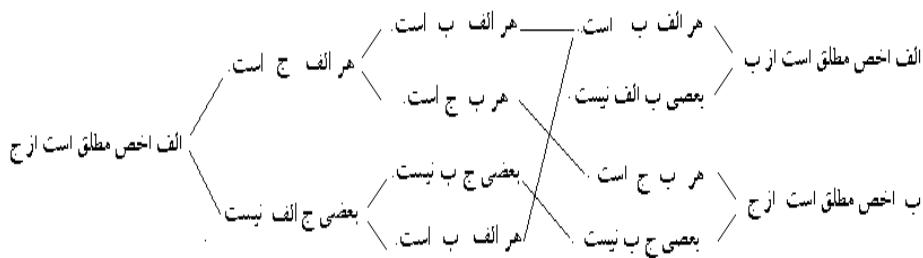
(B)

- (۱) الف اخسن مطلق است از ب
- (۲) ب اخسن مطلق است از ج
- (۳) انف اخسن مطلق است از ج

(A)

- (۱) الف اعم مطلق است از ب
- (۲) ب اعم مطلق است از ج
- (۳) انف اعم مطلق است از ج

هر دو استدلال معتبر و منتج‌اند، و به‌سادگی اثبات می‌شوند. برای نمونه دومی را ثابت می‌کیم:



در ادامه، با ترکیب مقدمات متضمن این نسبت و مقدمات متضمن سایر نسب، می‌توان استدلال‌های متعددی را ساخته و هریک را به همین روش تحلیل و اثبات کرد. نظیر این استدلال‌ها:

الف مساوی ب است.	الف متباین است با ب.	الف مساوی ب است.
ب اخص مطلق است از ج	ب اعم مطلق است از ج	ب اعم مطلق است از ج
الف اخص مطلق است از ج	الف متباین است با ج	الف اعم مطلق است از ج

اما مقدماتی نظیر مقدمات زیر هیچ نتیجه‌ای را دربرندازند:

الف متباین است با ب	الف اخص مطلق است از ب
ب اعم مطلق است از ج	ب اخص مطلق است از ج
؟	؟

به راحتی با روش تحلیل و ترکیب مقدمات، می‌توان غیرمنتजبودن این مقدمات را در قالب قیاس‌های اقترانی نشان داد.

۳.۳.۳ عموم و خصوص منوجه

مقدمات و استنتاج‌های متضمن نسبت: (C)

۱. الف و ب عام و خاص منوجه‌اند.

۲. ب و ج عام و خاص منوجه‌اند.

؟

(۱) الف و ب عام و خاص من وجه‌اند. $\leftarrow \{ \text{برخی الف ب است. و برخی ب الف نیست.} \}$

(۲) ب و ج عام و خاص من وجه‌اند. $\leftarrow \{ \text{برخی ب ج است. و برخی ج ب نیست.} \}$

برخی ج ب است. و برخی ج ب نیست.

پیداست که از میان این ۸ گزاره بسیط، از آن‌جا که همه جزئی‌اند، نمی‌توان حتی یک قیاس اقترانی متنج تشکیل داد. درنتیجه با مقدماتی متضمن نسبت عام و خاص من‌وجه، نمی‌توان نتیجه‌ای متضمن نسبت استنتاج کرد، اما با ترکیب یک مقدمه متضمن نسبت عام و خاص من‌وجه با مقدماتی متضمن نسب دیگر می‌توان قیاس‌های متنج ساخت. که به راحتی قابل اثبات باشند. نظری این قیاس‌ها:

- | | |
|--------------------------------|--------------------------------|
| ۱. الف و ب متساوی‌اند. | ۱. الف و ب متساوی‌اند. |
| ۲. ب و ج عام و خاص من‌وجه‌اند. | ۲. ب و ج عام و خاص من‌وجه‌اند. |
| ۳. الف و ج متساوی‌اند. | ۳. الف و ج متساوی‌اند. |

۴.۳.۳ ارجاع برخی استنتاج‌های غیرمتعارف مشابه قیاس مساوات به این دو استنتاج و حل آن‌ها
پیش‌تر دیدیم که برخی استنتاج‌های غیرمتعارف که متنج و معتبر نیز هستند، مشابه با قیاس مساوات از سوی منطق‌دانان طرح و بررسی شده‌اند که از جهت اثبات سرنوشتی چون قیاس مساوات داشته‌اند. مانند استنتاج‌های زیر:

- | | | |
|---|--|---|
| ۱. الف بزرگ‌تر است از ب
ب بزرگ‌تر است از ج
الف بزرگ‌تر است از ج | ۲. الف درازتر است از ب
ب درازتر است از ج
الف درازتر است از ج | ۳. الف کوچک‌تر است از ب
ب کوچک‌تر است از ج
الف کوچک‌تر است از ج |
| الف جزو ب است. | الف دراز است از ج
ب جزو ج است. | الف جزو ج است. |

به نظر می‌رسد، این استنتاج‌ها و نظایر آن‌ها را نیز با این پیش‌فرض که مفاهیم و حدود واردشده در آن‌ها از سخن مفاهیم کلی هستند، جهت تبیین و نه اثبات، بتوان به دو قیاس A و B (در بخش ۲.۳.۳) ارجاع داد.

- | | |
|--|---|
| (B) | (A) |
| (۱) الف اخصل مطلق است از ب
(۲) ب اخصل مطلق است از ج
(۳) الف اخصل مطلق است از ج | (۱) الف اعم مطلق است از ب
(۲) ب اعم مطلق است از ج
(۳) الف اعم مطلق است از ج |

به عبارت دیگر، دو قیاس A و B که خود اثبات می‌شوند، چنین استدلال‌هایی را تبیین می‌کنند. A و B در طول استدلال‌های ۱ و ۲ و ۳ و ۴ قرار می‌گیرد و نه در عرض آن‌ها و اگر ۱ و ۲ و ۳ و ۴ درست‌اند، صرفاً به این سبب است که به A و B ارجاع داده می‌شوند که آن دو اثبات می‌شوند. استنتاج‌های شماره ۱ و ۲ و نظری آن‌ها به قیاس A و استنتاج‌های

شماره ۳ و ۴ و نظایر آن‌ها به قیاس B ارجاع داده می‌شوند. گفتنی است که مرحوم مظفر اساساً عبارات «اعم مطلق از» را همان «بزرگ‌تراز»، و «اخص مطلق از» را همان «کوچک‌تر از» در علوم ریاضی می‌داند (مظفر، ۱۳۸۴: ۱۸۱).

از سوی دیگر استنتاج‌های غیرمتعارفی مانند استنتاج ۵ در زیر و نظایر آن، که عقیم‌اند و هیچ نتیجه‌ای دربر ندارند، به قیاس C (۳.۳.۳) ارجاع داده می‌شوند. یعنی عقیم‌بودن استدلالی چون ۵ به وسیله اثبات عقیم‌بودن قیاس C تبیین می‌شود؛

(C)	⁵
۱. الف و ب عام و خاص من وجه‌اند.	الف مشابه ب است.
۲) ب و ج عام و خاص من وجه‌اند.	ب مشابه ج است.
؟	؟

به این ترتیب، روشن می‌شود که استدلال‌هایی چون ۱ و ۲ و ۳ و ۴ که در منطق قدیم از سنخ قیاس مساوات به شمار می‌آمدند، هم عرض آن نیستند و در یک مرتبه دیگر قرار می‌گیرند.

۴. نتیجه‌گیری

مقدمات تشکیل‌دهنده قیاس مساوات، اگر که شامل حدود کلی باشند، هر یک مستلزم دو گزاره بسیط ربطی‌اند. غفلت از این مسئله و تلاش برای اثبات آن در قالب قیاس‌های اقترانی با همان مقدمات که متضمن نسبت هستند، موجب افتادن به دام مغالطه و بی‌شمرماندن تلاش‌ها خواهد شد، و اما تحلیل آن به گزاره‌های بسیط با تکیه بر مبحث نسب اربعه، که از ابداعات منطق‌دانان مسلمان است، اثبات آن را ممکن و بی‌نهایت ساده می‌کند. علاوه‌بر آن بسط این روش و درآمیختن دو مبحث قیاس و نسب اربعه، موجب پدیدارگشتن قیاس‌های معتبر جدیدی در منطق قدیم می‌شود که از مقدمات متضمن نسبت‌های چهارگانه، تشکیل می‌شوند، و همگی در همان چهارچوب قابل اثبات‌اند. این امر بدین معنی است که منطق قدیم در طرح و اثبات نسب، کاملاً ناتوان نیست، و می‌تواند برخی استدلال‌های متضمن نسبت را در قالب قیاسی، بدون نیاز به هیچ صدق منطقی، زیاده بر مقدمات اصلی حل کند.

منابع

آتشین صدف، محمدرضا (بی‌تا). «نسبت‌های چهارگانه»، در سایت اینترنتی پژوهشکده باقرالعلوم www.Pajoohe.com/fa/index.php?page=definition&UID=46430

۱۲۶ تحلیل و اثبات قیاس مساوات با تکیه بر مبحث نسب اربعه ...

- ابن سینا (۱۳۳۰). *شفا، الهیات*، تهران: بی‌نا.
- ابن سینا (۱۳۹۰). *اشارات و تنبیهات*، ترجمه و شرح حسن ملکشاهی، ج ۲، تهران: سروش.
- ارسطو (۱۳۹۰). *ارگانون*، ترجمه میر شمس الدین ادیب سلطانی، تهران: نگاه.
- حلى، علامه (۱۳۸۶). *الجوهر النضيد*، ترجمة منوچهر صانعی درهیدی، تهران: حکمت.
- خندان، سیدعلی اصغر (۱۳۸۸). *مغالطات*، قم: بوستان کتاب.
- خوانساری، محمد (۱۳۵۹). *منطق صوری*، ج ۱ و ۲، تهران: آگام.
- خونجی، افضل الدین (۱۳۸۹). *کشف الاسرار عن غواصی الافکار*، تهران: مؤسسه پژوهشی حکمت و فلسفه ایران.
- ذکیانی، غلامرضا (۱۳۸۹). «راز بداهت شکل اول قیاس»، مجله خردناهه صادر، ش ۶۱.
- رازی، قطب الدین (بی‌تا). *شرح المطالع*، قم: کتب نجفی.
- طوسی، خواجه نصیر الدین (۱۳۸۰). *بازنگاری اساس الاقتباس*، به کوشش مصطفی بروجردی، تهران: سازمان چاپ و انتشارات.
- طوسی، خواجه نصیر الدین (بی‌تا). *شرح الاشارات و التنبیهات*، به کوشش سلیمان دنیا، قاهره: دارالمعارف.
- فاخوری، عادل (۱۳۸۷). *منطق قدیم از دیدگاه منطق جدید*، ترجمه غلامرضا ذکیانی، تهران: دانشگاه علامه طباطبائی.
- فرامرز قراملکی، احمد (۱۳۸۵). *منطق (۱)*، رشتة الهیات و معارف اسلامی، تهران: دانشگاه پیام نور.
- مظفر، محمدرضا (۱۳۸۴). *منطق*، ج ۱ و ۲، ترجمه و اضافات علی شیروانی، قم: دارالعلم.